

Tema de data trecuta...

Logica propozitiilor. Exemple. Fixari de cunostinte

- Demonstrati ca:

$$\frac{(P \wedge Q) \vee (P \wedge R) \\ \neg(P \wedge S) \\ S \vee T}{T}$$

- Rezolvarea la tabla.

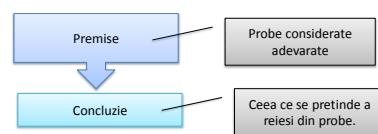
Rationamente semantice

- Rationamentul in logica reprezinta un grup de propozitii (**premise**) care conduc catre o alta propozitie (**concluzie** sau **consecinta logica**).
 - Fiecare premisa este scrisa pe cate o linie.
 - Concluzia este scrisa pe o ultima linie separat.
 - Intre premise si concluzie se traseaza o linie orizontala care le delimitizeaza.
- **Ex1:** modus ponens $p \rightarrow q$

$$\frac{p}{q}$$

Rationamente semantice

- Demonstratiile oferite de deductia naturala ne ajuta sa parcurgem usor **rationamente** semantice.
- In cadrul premiselor pot aparea si propozitii care nu au legatura cu concluzia.



Rationamente semantice

- Si tablelele de adevar ne ofera posibilitatea de a verifica validitatea pentru rationamente logice.
 - Se construieste o tabela de adevar cu propozitiile din premise si cu concluzia.
 - Se verifica liniile in care toate premisele sunt adevarate.
 - Daca in toate acestea este si concluzia adevarata, atunci rationamentul este valid.
 - Daca exista cel putin o linie in care concluzia este falsa, rationamentul este invalid.

Rationamente semantice

- **Ex2:** Sa se verifice daca

$$\frac{p \rightarrow q \\ \neg p}{\neg q}$$

Tabela de adevar pentru verificarea rationamentului			
p	q	$p \rightarrow q$	$\neg p$
A	A	A	F
A	F	F	F
F	A	A	A
F	F	A	A

Rationamente semantice

- Ex2:** Sa se verifice daca

$$\begin{array}{c} p \rightarrow q \\ \neg p \\ \hline \neg q \end{array}$$

Tabela de adevar pentru verificarea rationamentului			
p	q	$p \rightarrow q$	$\neg p$
A	A	A	F
A	F	F	F
F	A	A	A
F	F	A	A

Rationamente semantice

- Ex2:** Cea de a treia linie a tabelului ne arata ca cele doua premise sunt adevărate, dar concluzia este falsă.

– Prin urmare, rationamentul este invalid.

$p \rightarrow q$	$\neg p$	$\neg q$
A	F	F
F	F	A
A	A	F
A	A	A

Rationamente semantice

- Ex1:** Sa se verifice daca

$$\begin{array}{c} P \vee (Q \rightarrow P) \\ \neg P \rightarrow \neg Q \\ \hline \end{array}$$

Rationamente semantice

- Ce se intampla daca chiar concluzia unui rationament este o tautologie?

– Rationamentul este valid sau nu?

- Ex3:**

– Rabat este capitala Marocului.
– Atunci ploua sau nu ploua.

$$\begin{array}{c} p \\ \hline q \vee \neg q \end{array}$$

Rationamente semantice

$$\begin{array}{c} p \\ \hline q \vee \neg q \end{array}$$

Tabela de adevar pentru verificarea rationamentului		
p	q	$q \vee \neg q$
A	A	A
A	F	A
F	A	A
F	F	A

Rationamente semantice

$$\begin{array}{c} p \\ \hline q \vee \neg q \end{array}$$

Tabela de adevar pentru verificarea rationamentului		
p	q	$q \vee \neg q$
A	A	A
A	F	A
F	A	A
F	F	A

Rationamentul este deci unul valid.

Rationamente semantice

- Exc2:** Verificati daca fiecare rationament este sau nu valid folosind tabele de adevar:
 - Daca alegerile prezidentiale se deterioreaza in concursuri TV de popularitate, atunci palavragii impertinenti vor fi alesi.
 - Prin urmare, daca alegerile prezidentiale nu se deterioreaza in concursuri TV de popularitate, atunci palavragii impertinenti nu vor fi alesi.
- $$\begin{array}{c} P \leftrightarrow \neg Q \\ \neg(Q \wedge \neg P) \\ \hline P \rightarrow Q \end{array}$$

Rationamente semantice

- Ex4:** Sa se verifice daca urmatoarele rationamente semantice sunt valide sau nu (la tabla):

$$\begin{array}{ll} \frac{P \rightarrow (Q \wedge R) \quad R \rightarrow S}{P \rightarrow S} & \frac{P \rightarrow (\neg R \rightarrow \neg Q) \quad Q \rightarrow (\neg R \rightarrow S)}{P \rightarrow T} \\ & \frac{(R \vee S) \rightarrow T}{P \rightarrow T} \\ \hline \frac{P \rightarrow (Q \vee R) \quad R \rightarrow (S \wedge T) \quad \neg Q}{P \rightarrow \neg T} & \frac{(P \vee Q) \rightarrow (R \wedge S) \quad (\neg P \vee \neg Q) \rightarrow T}{(\neg P \vee \neg Q) \rightarrow T} \end{array}$$

Lumea Wumpus

	Miros		Vant	ABIS
3		Vant Miros	ABIS	Vant
2	Miros		Vant	
1		Vant	ABIS	Vant
	1	2	3	4

Rationamente semantice

- Testarea daca un rationament este valid sau nu se poate face si prin tabele de adevar incomplete.
 - Stabilim concluzia falsa si facem premisele adevurate.
 - Daca gasim o interpretare care sa satisfaca aceste conditii, atunci rationamentul este invalid.
 - Altfel, este valid.

Proiect (2 puncte)

- Sa se realizeze un program care sa spuna despre o propozitie complexa data de utilizator daca este
 - tautologie
 - satisfiabila
 - contingenta
 - nesatisfiabila

Lumea Wumpus Mediu inconjuratoare

4		Vant	ABIS
3		Vant Miros	ABIS
2	Miros		Vant
1		Vant	ABIS
	1	2	3

- Tabela cu patratele (pestera) este inconjurata de ziduri.
- Agentul (exploratorul) porneste intotdeauna din coltul din stanga jos (1, 1).
- Patratele adiacente Wumpus-ului si patratul lui au miros (neplacut).
- Patratele adiacente abisurilor contin adieri de vant.
- Daca exploratorul se afla in patrat cu aur, acesta straluceste.
- Impuscatura il ucide pe Wumpus daca omul este indreptat catre el.
- Impuscatura se face in directia orientarii omului, iar glontul merge pana ucide wumpus-ul daca e pe directie sau cand ajunge la capatul liniei/coloanei.

Lumea Wumpus

Mediu inconjurator

	4	Miros	Vant	ABIS
3		Vant Miroz	ABIS	Vant
2		Mires	Vant	
1		Vant	ABIS	Vant
	1	2	3	4

- Aurul se poate lua doar daca se afla in patratul cu aur.
- Cand agentul intra intr-un zid, simte o lovitura.
- Cand wumpus-ul este ucis, acesta scoate un strigat care se poate auzi in intreaga pestera.
- Perceptiile agentului de la mediul inconjurator vin in forma a 5 simboluri:
 - Daca simte miroz, vant, stralucire, nu se loveste si nu aude tipat, lista va arata astfel: [Miroz, Vant, Stralucire, Nemic, Nemic]
- Agentul poate merge inainte, se poate roti la stanga si la dreapta cu 90°.

Lumea Wumpus

Mediu inconjurator

	4	Miros	Vant	ABIS
3		Vant Miroz	ABIS	Vant
2		Mires	Vant	
1		Vant	ABIS	Vant
	1	2	3	4

- Agentul este mereu initializat la patratul (1,1) cu fata spre deapta.
- Locatiile pentru wumpus si pentru aur sunt aleator, fara pozitia (1,1).
- Fiecare locatie cu exceptia (1,1) are 20% sanse sa contina un abis.
- Deci un abis poate fi in casuta cu aur sau in cea cu wumpus-ul.
- Desigur, pot fi situatii cand agentul nu poate ajunge la aur.
- Vata este uneori nedreapta.
- Evident, agentul nu stie de la inceput ce se afla in fiecare patrat.
- El doar poate simti prezena vantului, a miroslui sau poate vedea stralucirea dintr-un patrat.

Lumea Wumpus

- Agentul este plasat la (1,1).
 - Nu simte nici vant, nici miroz.
 - Deducre ca (1,2) si (2,1) nu contin pericole.
 - Le marcheaza pe acestea cu OK.
 - De asemenea, (1,1) este OK.
- Un agent precaut se muta intr-un patrat numai daca este OK.

1,4	2,4	3,4	4,4	A – Agent Ab – Abis Au – Aur M – Miroz OK – Patrat OK V – Vant Viz – Vizitata W – Wumpus
1,3	2,3	3,3	4,3	
1,2	2,2	3,2	4,2	
1,1	2,1	3,1	4,1	
A	OK			

Lumea Wumpus

Mediu inconjurator

	4	Miros	Vant	ABIS
3		Vant Miroz	ABIS	Vant
2		Mires	Vant	
1		Vant	ABIS	Vant
	1	2	3	4

- Agentul poate lua aurul daca se afla in patratul cu aur.
- Poate trage un (singur) foc in linie dreapta.
- Poate iesi din pestera, dar numai pe la (1,1).
- Agentul moare daca intra intr-un patrat cu abis sau intr-unul cu un wumpus in viata.
- Scopul agentului: sa gaseasca aurul si sa iese cu el din pestera.
- Castiguri si penalizari:
 - 1 000 puncte dacaiese cu aurul din pestera
 - 1 punct pentru fiecare actiune facuta
 - 10 000 puncte daca moare.

Lumea Wumpus

- Agentul este plasat la (1,1).

- Nu simte nici vant, nici miroz.
- Deducre ca (1,2) si (2,1) nu contin pericole.

1,4	2,4	3,4	4,4	A – Agent Ab – Abis Au – Aur M – Miroz OK – Patrat OK V – Vant Viz – Vizitata W – Wumpus
1,3	2,3	3,3	4,3	
1,2	2,2	3,2	4,2	
1,1	2,1	3,1	4,1	
A	OK			

Lumea Wumpus

- Presupunem ca agentul se muta la (2,1).
- Aici detecteaza vant.

1,4	2,4	3,4	4,4	A – Agent Ab – Abis Au – Aur M – Miroz OK – Patrat OK V – Vant Viz – Vizitata W – Wumpus
1,3	2,3	3,3	4,3	
1,2	2,2	3,2	4,2	
1,1	2,1	3,1	4,1	
Viz OK	A V OK			

Lumea Wumpus

- Presupunem ca agentul se muta la (2,1).
- Aici detecteaza vant.
 - In (1,1) nu poate fi abis pentru ca de acolo vine.
 - Deci este un abis la (2,2) sau la (3,1). (indicam cu Ab?)

1,4	2,4	3,4	4,4	
1,3	2,3	3,3	4,3	A – Agent Ab – Abis Au – Aur M – Miros OK – Patrat OK V – Vant Viz – Vizitata W – Wumpus
1,2	2,2	3,2	4,2	
OK	Ab?			
1,1	2,1	3,1	4,1	
Viz OK	A Viz OK	Ab? Viz		

Lumea Wumpus

- Mai este un singur patrat "OK" in care A nu a fost, (1,2).
- A se intoarce prin (1,1) si merge in (1,2).
- Detecteaza miros in (1,2), deci este un wumpus pe aproape.
 - Acesta nu e in (1,1) si nu poate fi nici in (2,2) pentru ca ar fi detectat miros cand se afla in (2,1).
- Di acest rationament reiese ca W este in (1,3).

1,4	2,4	3,4	4,4	
1,3	2,3	3,3	4,3	A – Agent Ab – Abis Au – Aur M – Miros OK – Patrat OK V – Vant Viz – Vizitata W – Wumpus
1,2	2,2	3,2	4,2	
A M OK	OK			
1,1	2,1	3,1	4,1	
Viz OK	V Viz OK	Ab? Viz		

Lumea Wumpus

- Lipsa vantului in (1,2) indica faptul ca nu este abis in (2,2) deci trebuie sa fie unul la (3,1).
- Aceasta inferenta se bazeaza pe cunoștințe castigate in timpi diferiti si pe lipsa unei perceptii pentru a trage o concluzie.

1,4	2,4	3,4	4,4	
1,3	2,3	3,3	4,3	A – Agent Ab – Abis Au – Aur M – Miros OK – Patrat OK V – Vant Viz – Vizitata W – Wumpus
1,2	2,2	3,2	4,2	
A M OK	OK			
1,1	2,1	3,1	4,1	
Viz OK	V Viz OK	Ab! Viz		

Lumea Wumpus si logica propozitionala

- Agentul se afla in situatia din figura alaturata, dar nu stie inca unde este W.
- La fiecare pas, perceptiile agentului se transforma in propozitii.
- Notatii:
 - M12 – in celula (1,2) exista miros
 - V21 – in celula (2,1) exista vant

1,4	2,4	3,4	4,4	
1,3	2,3	3,3	4,3	A – Agent Ab – Abis Au – Aur M – Miros OK – Patrat OK V – Vant Viz – Vizitata W – Wumpus
1,2	2,2	3,2	4,2	
A M OK	OK			
1,1	2,1	3,1	4,1	
Viz OK	V Viz OK	Ab! Viz		

Lumea Wumpus si logica propozitionala

- Cunoștințele adunate pana acum sunt urmatoarele:
 - $\neg M11$
 - $\neg M21$
 - $M12$
 - $\neg V11$
 - $V21$
 - $\neg V12$
- In plus, agentul stie ca daca nu simte miros intr-o celula, atunci acea celula si nicio alta celula adiacenta nu contin un wumpus.

1,4	2,4	3,4	4,4	
1,3	2,3	3,3	4,3	A – Agent Ab – Abis Au – Aur M – Miros OK – Patrat OK V – Vant Viz – Vizitata W – Wumpus
1,2	2,2	3,2	4,2	
A M OK	OK			
1,1	2,1	3,1	4,1	
Viz OK	V Viz OK	Ab! Viz		

Lumea Wumpus si logica propozitionala

- Agentul trebuie sa stie acest lucru pentru fiecare celula din peșteră.
- Ne reducem doar la ce a descoperit agentul pana la momentul curent:
 - $\neg M11 \rightarrow \neg W11 \wedge \neg W12 \wedge \neg W21$
 - $\neg M21 \rightarrow \neg W11 \wedge \neg W21 \wedge \neg W22 \wedge \neg W31$
 - $M12 \rightarrow W11 \vee W12 \vee W22 \vee W13$
 - Poate deduce agentul W13! folosind aceste cunoștințe și logica computationala?

1,4	2,4	3,4	4,4	
1,3	2,3	3,3	4,3	A – Agent Ab – Abis Au – Aur M – Miros OK – Patrat OK V – Vant Viz – Vizitata W – Wumpus
1,2	2,2	3,2	4,2	
A M OK	OK			
1,1	2,1	3,1	4,1	
Viz OK	V Viz OK	Ab! Viz		

Lumea Wumpus si logica propozitionala

- Cunostintele dobandite:
 - $\neg M_{11}$
 - $\neg M_{21}$
 - M_{12}
 - $\neg M_{11} \rightarrow \neg W_{11} \wedge \neg W_{12} \wedge \neg W_{21}$
 - $\neg M_{21} \rightarrow \neg W_{11} \wedge \neg W_{21} \wedge \neg W_{22} \wedge \neg W_{31}$
 - $M_{12} \rightarrow W_{11} \vee W_{12} \vee W_{22} \vee W_{13}$
- Folosind deductia naturala, da, se poate demonstra W_{13} (rezolvarea la tabla).

Lumea Wumpus si logica propozitionala

- Exc3:** Avand starea din figura alaturata, sa se demonstreze ca abisul se afla la (3,1).

1,4	2,4	3,4	4,4	A – Agent Ab – Abis Au – Aur M – Mirros OK – Patrat OK V – Vant Viz – Vizitata W – Wumpus
1,3 W! Viz OK	2,3	3,3	4,3	
1,2 A M OK	2,2	3,2	4,2	
1,1 Viz V OK	2,1	3,1 Ab!	4,1	

Lumea Wumpus - limite in logica propozitionala

- Logica propozitionala poate fi folosita cu succes pentru inferente care sa ne descopere unde este wumpusul sau un abis.
- Pentru a folosi insa informatia, avem nevoie de reguli care sa ii spuna agentului cum sa se deplaseze.
- Daca wumpusul se afla chiar in fata, cel mai bine ar fi ca agentul sa nu se deplaseze chiar inainte...
 - Acest lucru se poate reprezenta prin o serie de reguli, una pentru fiecare locatie si orientare a agentului.

Lumea Wumpus - limite in logica propozitionala

- Daca agentul se gaseste la (1, 1) cu fata spre est (dreapta se schimba in functie de orientarea agentului), o regula ar fi:
 - $A_{11} \wedge E_{1A} \wedge W_{21} \rightarrow \neg I_{nainte}$
- Pentru o lume de 4×4 cu (16 patrate si 4 orientari posibile), numai regula care spune sa nu mearga inainte daca este un wumpus in fata ar duce la crearea de $16 \times 4 = 64$ de reguli.
- Luand in calcul multitudinea de reguli care ar trebui adaugate, numai intr-o lume de 4×4 am ajunge la mii de reguli necesare pentru a realiza un agent competent.

Lumea Wumpus - limite in logica propozitionala

- Daca marim dimensiunea lumii, lucrurile se complica exponential.
- Plus ca lumea (pestea) se schimba odata cu trecerea timpului.
 - Nu vrem sa uitam de la un moment la altul ce a fost intr-un patrat, deci vom folosi notatii diferite pentru timpi diferiti:
 - $A^1{}_{11} \wedge E^1{}_{1A} \wedge W^1{}_{21} \rightarrow \neg I_{nainte^1}$
 - $A^2{}_{11} \wedge E^2{}_{1A} \wedge W^2{}_{21} \rightarrow \neg I_{nainte^2}$...
 - Asadar, regulile ar trebui recrise pentru fiecare moment in timp.

Lumea Wumpus - limite in logica propozitionala

- Daca agentul ar rula pentru 100 de pasi, am avea 6400 de reguli numai pentru a ii spune agentului sa nu mearga inainte daca wumpusul este acolo.
- Asadar, problema este ca logica propozitiilor utilizeaza pentru reprezentare o singura componenta: propozitia.
- In logica de ordinul I se pot reprezenta obiecte si relatii intre obiecte in plus fata de propozitii.
 - Cele 6400 de reguli vor fi reduse numai la 1.